

ANUL I, No. 3.

15 FEBRUARIE 1924.

# „VLĂSTARUL”

REVISTA LICEULUI „SPIRU-HARET”

APARE BILUNAR

Abonamentul 80 Lei pe an

## Rostul unui număr din program

„Vlăstarul” a început dela primul număr să publice traducerea „Artei poetice” a lui Horațiu și are de gând să o continue până la capăt. De ce?

Fiindcă „Vlăstarul” vrea să fie o revistă școlărească în toată puterea cuvântului și ca atare primește cu o deosebită plăcere acele lucrări pe care școala le produce și în care elevii pot da dovadă de originalitate și muncă în acelaș timp.

Poate să fie cineva, care, necunoscând limba latină, să ne întrebe cum este cu puțință ca o simplă traducere să aibă nevoie de așa de multă muncă și mai ales cum tocmai într’o traducere să găsim originalitatea cuiva?

O traducere bună trebuie să fie de sine stătătoare, adică să aibă înțeles și să placă chiar aceluia care nu cunoaște nici autorul, nici limba originalului. Pentru a ajunge la acest rezultat, în special dacă e vorba de o scriere și latină și poetică, iată ce și câtă muncă trebuie să depună traducătorul.

Îtrebuie în primul rând să înțelegă el însuși în chip desăvârșit textul și ca să ajungă aici trebuie să încerdă prin a studia **toate cuvintele**. Cel ce deschide un dicționar latinesc vede pentru fiecare vorbă latinească un lung șir de înțelesuri și deși acest șir este foarte lung, totuși uneori expresia de care are nevoie lipsește și trebuie să o nascocască traducătorul, derivând el însuși din înțelesul rădăcinii, al particulelor de compunere, al sufixelor sau prefixelor, în bază de analogie, cuvântul, care cu adevărat redă ideia autorului, ojerăție ce presupune știință și tact din partea traducătorului.



După ce elevul a prins înțelesul cel propriu al tuturor cuvintelor ei trebuie să-și însușească în mod aprofundat obiceiurile poporului roman în viața lui publică precum și în aceea familială pentru a înțelege figurile poetice ale autorului și apoi să știe bine sintaxa ca să și dea seamă de nuanțele ce iau naștere din întrebuințarea unei anume construcții și nu a alteia.

Când în sfârșit prima fază a traducerii — înțelegerea textului — s'a încheiat, începe a doua, care cu siguranță nu este mai ușoară: acea de a exprima acest „înțeles” în cuvinte românești, dar așa, ca să nu fie redat într-o formă abstractă, ci tot concretă, păstrând pe cât se poate „imaginele” originalului, dar totuși întrebunțând numai din acelea, pe care orice bun Român să le admită și să le guste. Iar aici punctul esențial este, ca întregul traducerii să păstreze coloritul originalului și pe cât se poate stilul autorului latin. În orice caz, dacă avem a face cu o epopee, o tragedie, un discurs în fața senatului, sau un episod măreț din istoria poporului roman, stilul să fie „nobil” și demn de subiectul exprimat, iar dacă scrierea tradusă este o epistolă, o comedie, o satiră, cuvintele vor putea fi mai puțin „strălucite”, dar în totdeauna vor trebui să amintească „eleganța” originalului, pentru că toate operele „clasice” sunt de o artă atât de desăvârșită, în cât nimic nu le defigurează mai mult de cât o traducere superficială sau vulgară.

De aici rezultă că pentru a înțelege, cum se cade, un text poetic latinesc trebuie nuncă multă, iar pentru a-l traduce „cuvincios” în limba română trebuie multă îndemânare și putere inventivă, deci originalitate.

Elevii clasei a VIII-a modernă, după ce în decursul lecției au degajat înțelesul textului și au luat notă de toate nuanțele ce trebuie ținute în seamă, pregătesc această traducerea cea mai fidelă, fiecare cum poate mai bine. În ora următoare profesorul alege din traducerea fiecărui elev expresiile cele mai reușite și astfel ia naștere traducerea în curs de publicare. Ea este prin urmare rezultatul stilințelor clasei, întregi și, deși operă colectivă, ea încurajează originalitatea oricărui elev în parte.

Totuși nu acesta este motivul principal pentru a o publica. Motivul cel mare este folosul, pe care toți elevii ce o vor citi, îl pot scoate din ea. Artă poetică a lui Horățiu ar trebui să devie baza publicațiilor de parte literară, ce vor apărea în această revistă.

Acele câteva sfaturi pe care Horățiu le dă Pisonilor s'au dovedit, printr-o experiență milenară, că nu dau greș.

S'au mai scris multe tractate de poezie, s'au formulat multe sisteme de critică unele mai „savante” decât altele, s'au pus la contribuție filosofia și istoria, s'au îngărmădit documente și argumente și totuși nici un „sistem” de critică n'a rămas nezdunchinat de trecerea timpului, în vreme ce „preceptele” sau mai bine zis „versurile” rezumative de legi, ale lui Horățiu sfidează victorioase „lungul șir al anilor”.

De ce acest lucru? Pentru că „frumosul” n'are margini timp în ce „sistemul” este limitat de capacitatea esteticianului și pentru că genul va inventa și de acum înainte mijloace nouă pentru a exprima primul frumosul, în vreme ce istoricul literaturilor nu le cunoaște decât pe acelea ale trecutului. Horățiu însă, adevăratul „critic clasic” — ca și modelul său Aristot adevăratul „filosof” — a prins puține principii ale frumosului care sunt vecinice, le-a redat cu o mare largime de vedere și le-a găsit forma lor definitivă.

Artă poetică a lui Horățiu — și e mult mai bine să-l spunem așa cum a numit-o el: „epistola către Pisoni” — te desătează cetind-o, fără a te obosi cât de puțin. Sunt o serie de glume pline de haz, care te povățuiesc fără să observi. Inveți „preceptul” de frumusețea versului și te pomenești recitând pe din afară reguli de poezie, crezând că ai învățat cuvinte de spirit. Această împrecherie a celui mai larg liberalism cu cel mai adevărat dogmatism este de o valoare neprețuită pentru o bună disciplină literară. De așa ceva au neapărat nevoie nu numai elevii pentru compunerile lor literare, dar și viitorii făuritori ai literaturii noastre naționale.

Lată pentru ce nu descurăjez pe elevii, cari au de gând să publice a parte această traducere, când va fi terminată, rugând în vederea acestui scop pe toți elevii ce se ocupă cu limba latină și cari vor ceti această revistă să trimeată la redacție pe măsură ce vor găsi, expresii, sau chiar fraze întregi mai bune decât ale noastre ca să ținem atunci seamă de ele. Iar din partea mea invit pe cel mai îndrăzneț „june poet” ca servindu-se de această traducere să pună în versuri percepțiile nemuritoare ale poetului latin, dar așa, ca să le poată învăța după el elevii români, precum colegii lor francezi le învăță după Boileau.

I. Frolio



## Horatiu : Epistola către Pisoni

(vers 60-179)

(Urmare)

Când la sfârșitul anului pădurile își schimbă înfățișarea prin mutarea frunzelor, cele dintr-ai cad, tot așa generația cea veche floare și prind putere. Suntem datornici morții și noi și ale noastre. Fie că Neptun primit în pământ ferește corăbiile de vânturile furtivoase, lucrare ce numai un rege o poate face, fie că o mlaștină multă vreme stearpă și potrivită pentru vase hrăneste orașele vecine și simte greul plug, sau că un râu și-a mutat cursul cel dăunător grânelor învățând să urmeze un drum mai bun, lucrările omemirii vor pieri, necum să rămână meru vîzavaza și frumusețea cuvintelor. Multe ce acum sunt moarte se vor naște din nou, iar cuvinte, ce în momentul acesta au trecut, vor cădea dacă așa va voi uzul în preajma cărui se află puterea dreptul și regula vorbirei.

Homer a arătat în ce vers pot fi scrise isprăviile regilor, ale căpeteniilor și războaiele cele nenorocite. În versurile cele ce fără a fi egale sunt unite în perechi egale a fost îmbrăcată mai întâi ialea, apoi însăși mulțumirea dorinței împlinite. Totuș ce autor să fi scos la lumină stioasele versuri elegiace este discutat printre învățați și procesul este încă în fața judecătorului. Indignarea l-a înarmat pe Archilochus cu iambul cel singur potrivit ei, picior pe care acum l-au luat în stăpânire comedia și mărețea tragediei, bun pentru dialoguri, în stare să biru zgomotul mulțimii și născut dintr-adius pentru acțiune. Muza a încredințat coardelor să cânte pe zei și pe fiii zeilor, pe învingătorul la pugilat, pe calul eșit cel dintr-ai la întrecere, grijile tinerilor și vinul liberator. De ce mă las a fi salutat ca poet, dacă nu pot și nu știu să fim seamă de rostul și de coloritul operilor ce fel a fost descris mai sus? Pentru ce rușinându-mă în chip greșit prefer a nu ști de cât a învăța?

Un subiect comic nu vrea să fie redat în versuri tragice. De asemenea se indignează de a fi povestită în versuri comune și aproape vrednice de comedie cina lui Thyestes. Fiecare lucru să-și păstreze locul ce i se cuvine după cum i l-a hărăzit soarta.

Totuși din când în când și comedia își înalță glasul și Chremas mână dojenește pe un ton ridicat, iar eroul tragic de multe ori se tângue cu o vorbire obicinuită, când bună oară Telephus și Peleus și unul și altul în sărăcie și surghinim dă la o parte vorbele mari și umflate ținând să miște inima spectatorului prin plânsul său. Nu este destul ca versurile să fie frumoase, ele mai trebuie să fie și duios și să ia cu sine ori încontro vor voi sufletul auditorului. După cum fețele oamenilor răd către cel ce răd, tot așa față de cel ce plâng se întristează. Dacă vrei ca eu să plâng, trebuie mai întâi să fi tu însu-ți îndurerat. Atunci, Telephe, sau Peleule, nenorocirile tale mă vor lovi pe mine însu-mi: dacă vei reda însă rău rolul ce ți-a fost încredințat, eu sau voi dormi, sau voi rade. Cuvinte de mână se cuvîn unei fețe îndurerate, pline de amenințări uneia mâinate, zburdalnice, uneia glumețe și serioase în expresie, uneia aspre. Căci mai întâi natura nu formează pe dinăuntru după orice capriciu al soartei, ne favorizează, ne împinge la mâine, sau din potrivă ne culcă la pământ și ne chinuște cu o grea întristare, iar apoi scoate în vor fi nepotrivite cu soarta aceluia, care le rostește, și nobilită Români și cei de jos vor izbucni în hohote de răs. Va fi de mare interes dacă vorbește un zeu, sau un erou, dacă un bătrân încercat de ani, sau un înflăcărat de o tinerețe înfloritoare, sau o matronă autoritară, sau o doică devotată, sau un negustor răătăctor, sau cultivatorul unui ogor inverzit, sau un Colchidian, sau un Assirian, sau unul crescut la Teba sau la Argos.

(Va urma).

Clasa VIII Modernă

## CUGETĂRI

Nu faceți ca acel păzitor care împărțea uleiul destinat luminii farului, familiilor sărace din sat.

M. Maerterink

Diamantul, și călcat în picioare strălucește.

Nu căutați pe morți la morminte, ci în sufletele voastre.

N. Iorga



## ISUS

— „Inhibi-vă ca frații, 'necetați cu orice ură!...

„Inhibi-vă de-aburiri... Fiiți blânzi, nu vă certati,

„Carati să fiți la suflet ca floarea de colbură,

„Pe-acei ce greșesc vouă, fiți blânzi și îi erțați!...”

Vorbăia Isus și ochii, luciau 'necați în lacrimi,

In lucrări, strophi de rouă ce-obraji îi scâldau...

Vorbăia duros... măștinii își tremurau frunzișul...

Și 'n juru-i credincioșii, mișcați îl ascultau...

Se admnase hune: copii, femei, copile,

Barbati, ce a lui vorbe, cu drag le împărtășiau...

Vorbăia Isus și vorba-i plutea în zarea 'ntinsă:

Duioasă, lină, blândă... Copii îl priveau

Zămbind. Fără de frică se alipiau de dansul...

Dar o femeie-atuncea le zise: — „Fiiți cuminiți!...”

Isus zămbi prin lacrimi și-i zise cu blândețe:

— „De ce îi cerți tu, oare? Ei sunt micuții sfinți!”

Privind apoi multimea, le zise 'nevălătorul:

— „Lăsați, cu toți, copiii, să vină lângă mine!...”

Se strânseseră copiii în juru-i fără frică,

Și-i mângăia, prea bunul, cu vorbele lui tine...

Victor Dumitrescu

## Amintiri din clasa genilor

E sgomot mare în clasă. Prima zi de școală se cuvine să o serbăm, cum se cade, adică să facem cât mai mult scandal. Nu-i vorbă, noi eram renunțați pentru fărâhoiul care domnia în clasa noastră. D-l director era furios, pedagogii se luau cu mâinile de păr; geamgii aveau zălmic de lucru, căci le purtam noi de grije; claușa delaușe se rușesese... Dar în clasă ce era! Aveau dreptate bieșii pedagogi să se ia de gânduri cu astfel de oameni...

Bébe! cel mare, zis „țiganul”, făcea pe catedră un match de box cu Andrei. Parcă-i văd și acum! Cu mânecele suflecate își cărau de zor la pumnii pe unde ne meriau. Pisei, foarte serios, se indelentică cu aruncatul briceagului în podele și striga: „Bravos mic!” ori de câte ori cuițașul se înfigea în scânduri. Șeful clasei — era Radu — palmuia pe Löbel, iar Don Cușticel se plimbă pe deasupra băncilor în chip de „vulajor”, cu o căciulă întoarsă pe dos, legat la gât cu un fular cafeniu și în mână cu un ghiozdan cu toarte. Foarte grav se plimbă pe deasupra băncilor, lovind cu o carte în cap pe cei ce-i stau în cale.

În fundul clasei, președintele „respublicei” fundului, țineă o cuvântare nesfârșită membrilor din comitet și singurilor supuși ai republicei:

— Cacavelasi!  
Din câteva sărituri, toți băeții fură la locurile lor și liniștea cea mai deplină domni în clasă, doar sosia Cacavelasi!

Cacavelas acesta era! un pedagog nou venit, pe care băeții nu-l cunoșteau încă. Dar pentru că avea un nume care sună rău, camarazii mei i-au zis „Cacavelas”.

Pedagogul era un băiat serios, prea serios, care își dădea aere de om superior.

Pedagogul intra pe ușe; era roșu la față, își mușcă buzele și avea haina încheiată la toți nasturii — semn că era infuriat și că vroia să fie mai impunător.

— Domnilor din nou mi-a tăcut mîle scandal d-l director pentru că aci e gălăgie.

— La noi, domnule ?!?! Poate în altă clasă, că aci a fost liniște ca acum.

Cacavelas își mușcă buzele. E gata să isbucniască, dar se stăpânește.

— Nu, nu. D-l director mi-a spus că în clasa șea-sea re-a-lă e-ște sgo-mot ca în iad.



— De unde o fi știind el cum e în iad? întrebă unul din „republica fundului” pe tovarășul său.

Cacavelas îl aude și se pornește să ne facă morală: plimbându-se ca un leu în cușcă. Nările îi tremură, mușchii dela față se crispează. Își trece mâna prin păr, își potrivește haina, se pita lung la noi și... începe:

— Bine, domnilor, ce însemnează aceasta? Ce însemnează acest sgonot?

— Care?...

— Domnule, să nu fi... (cu gesturi largi). Ah! Dar asta înreze orice margine. Până când credeți domnilor, că o să răbdăm, până când? Ne am săturat! Dacă nu vreți să vă faceți oameni de treabă, întoarceți foata. Ați auzit! Înțoarceți foata! Vă scot afară și fac miliție, căci să știți, domnilor, eu sunt ofițer în armata română, sunt ofițer și am adus la ascultare oameni mult mai neastâmpărați ca dumneavoastră. (strigând). Ați auzit! Fac miliție! Fac miliție până ce vă veți ruga de iertare! Ați auzit... (după câteva ocoluri prin clasă, cu un aer de melodramă). Pentru ce, domnilor, nu sunteți oameni de treabă, pentru ce? Ai? Sunteți băceți de familie bune, sunteți inteligenți, pentrucă mă necăjiți? Căci, domnilor, în aceste clipe m-ați mâncat zece ani din viață! Da... Zece ani!... Măști scurtat viața cu zece ani!... Eu stau aci pentru binele dumneavoastră, nu...!

— Dracel!

— Cel Cum! Cine a vorbit? Care e nesocotitul? A, domnilor, eu sunt băiat dela fară, dela coarțele plughului și, vă pot asigura că prin provincie se învață mult mai serios decât aci, în furnalul acesta în care se topesc inimii și caractere, în care...

(Râsete înăbușite. Cacavelas nu bagă de seamă. Aproape că fugă prin clasă, hăritele îi joacă, trăneste cu pumnii în bănci).

— Da! Eu când voiu fi la locul meu, voiu strămută! Inceele și toate scoile la fară, ca tinerii să nu poată vedea răul, noi să nu-i audă de nume, căci nimic nu e mai periculos pentru noi decât stricăciunea...!

— Ce profund, domnule, imi șoptește Radu.

— Nu sunteți dumneavoastră de vină, domnilor, ci mediul social în care trăiți. Vă tert amarul pe care mi l-ați făcut, dar, vă rog, faceți-vă oameni de treabă... (Se uită la noi și vede pe câțiva răsând pe înfundate).

— De ce râdeți? Pentrucă râdeți? Ce-ați găsit del răs? Ai? Ce-ați găsit? Nemernicilor! Dați carnețele del coace și să veniți la arest la trei...!

Ia carnețele, scrie ceva înăuntru și le dă înapoi. Vrea să-l plece, se oprește de mai ne strigă odată: „Am să vă arăt eu vouă!” și pleacă trănind uș.

Abia a încetat sgonotul pașilor pe sală și Don Cuștică sare dela locul lui, începe să se plimbe prin fața noastră și să dea din mâini:

— În furnalul acesta, de București, unde se topesc sufețele...

Clasa râde cu hohote.

George P. Nedelcu

## MELANCOLIE

Cu capul în mâini eu șed la gura sobei,

Șed nemișcat și mut, vrăjzit de vise,

Șin trista mea privire se iese

Măhnirea ce de mult nu se ivese

Afară-aud cum toamna nemlicasă

În geannul aburii, cu sgonot bate,

Și mă gândesc la zilele apuse

La zilele de mult îndepărtate...

Mi-e inima de gânduri troenită

De gânduri ce începură să mă poarte

În toamna cea târzie ce veni-a

Cu frunzele ei galbene și moarte...

Anton Vladimир Frollo

Clasa IV sec.

**Cerem iertare cititorilor noștri pentru întârzierea cu care apărăm. Aceasta se datorește împrejurărilor grele căroră a trebuit să le facem față, și anume greutatea materiale care ne amenință la tot pasul. Jocurile distractive și soluțiile celor precedente se vor publica în numărul viitor, neavând loc în acesta din cauza abundenței de material.**



## Despre numărul $\pi$

Numărul acesta  $\pi$  atât de des întrebuințat în matematicile moderne, era bine cunoscut din timpurile cele mai vechi. Matematicianii cei vechi au măsurat lungimea unui cerc și apoi diametrul aceluiași cerc; apoi au făcut aceleași măsurări și la alte cercuri și au dedus că raportul lungimii a două cercuri este egal cu raportul diametrelor corespunzătoare. Dacă  $L, L_1$  și  $D, D_1$  sunt lungimile și diametrele a două cercuri oarecari atunci avem:

$$\frac{L}{L_1} = \frac{D}{D_1}$$

Această relațiune este adevărată pentru două cercuri oarecari. Dacă în relațiunea de mai sus schimbăm mezii între ei avem:

$$\frac{L}{D} = \frac{L_1}{D_1} \text{ și dacă mai considerăm și alte cercuri vom avea:}$$

$$\frac{L}{D} = \frac{L_1}{D_1} = \frac{L_2}{D_2} = \frac{L_3}{D_3} = \frac{L_4}{D_4} = \dots \dots \dots \text{ unde}$$

$$L_i (i=1, 2, 3, \dots) \text{ și } D_i (i=1, 2, 3, \dots)$$

sunt lungimile și diametrele corespunzătoare acelor cercuri.

Din rapoartele de mai sus se vede că raportul dintre lungimea oricărui cerc către diametrul său este același pentru toate cercurile; atunci urmează că acel raport este constant.

Acest raport constant se înseamnă cu litera grecească  $\pi$  (pi) iar  $\pi = 3,14159, \dots \dots$

Numărul  $\pi$  era cunoscut încă de acum șase mii de ani.

Dovezi despre aceasta ne dă piramida cea mai mare din Egipt, piramida lui *Cheops*. Proprietățile numerice ale acestui gigantic monument au fost socotite din timpurile acelea vechi ca niște izvoare matematice.

Poate că numărul  $\pi$ , ca și alte numere tot în genul său au fost cunoscute și mai de timpuriu, dar despre timpurile acestea preistorice nu prea avem date certe, deoarece istoria omenirii începe numai de 6000 ani, de când omul a început să scrie și de când ne-au rămas legende și tradițiuni.

Piramida cea mai mare, a lui *Cheops*, ne face să credem că știința din acele vremuri era foarte înaintată, iar arhitecții acestui colosal monument erau niște adevărați geometri, erau niște matematicieni desăvârșiți. Astfel privind lungimile diferitelor elemente ale piramidei, găsim că între ele există relații bine definite și cari dovedesc existența numărului  $\pi$ , în acele timpuri destul de înaintate. Înălțimea acestei piramide este 148,208 metri, iar lungimea fiecăreia din cele patru laturi ce formează temelia piramidei, și cari sunt perfect egale este de 232,805 metri. Perimetrul bazei este deci 931,22 metri. Dacă împărțim acest număr prin de două ori înălțimea piramidei, vom găsi exact 3,1416 adică numărul  $\pi$  (pi). Deci vedem cum în acele timpuri Egiptenii, și poate și alte popoare cunoșteau numărul  $\pi$  și îl întrebuințau în practică. Poate că ei nici nu determinau pe  $\pi$  ca fiind raportul dintre lungimea cercului și diametrul său. Și în astronomie era întrebuințat  $\pi$ . Către jumătatea secolului al XIX-lea, când s'a putut pătrunde înăuntrul piramidelor, piramida lui *Cheops* s'a găsit goală, cosciugul regelui lipsea. Înaintea acestei odăi se găsește o altă odăe. Lungimea acestei de a doua odăi socotită în palmace (care prețuiește 0,255 metri), înmulțită cu 3,1416 sau  $\pi$  ne dă tocmai durata anului civil întrebuințat în calendarul nostru și anume 365 zile și 222.

Mai târziu Grecii și Romanii, deși posedau o cultură științifică mai desăvârșită, totuși n'au fost în stare să hotărască durata anului civil. Noțiunea aceasta a numărului  $\pi$  există la Egipteni, dar ei n'au scris nicăeri despre raportul dintre circumferență și diametrul său. După aceea întâlnim numărul  $\pi$  la vechii Eleni. Aceștia și-au dat bine seama de existența unui astfel de număr și au căutat să-l studieze. Dovedă despre aceasta este că ei au lăsat moștenire posterității 3 mari probleme:

- 1) Cuadratura cercului.
- 2) Dublarea cubului.
- 3) Trisecțiunea unghiului.

Cea dintâi constă în a construi o dreaptă egală în lungime cu o circumferență, a cărei rază este dată sau de a construi un patrat echivalent cu un cerc de rază dată. A doua cere să se găsească latura unui cub, care are un volum de două ori mai mare ca al unui cub dat; iar a treia este împărțirea unui unghi în trei părți egale.



Din toate trei cuadratura cercului a produs cea mai mare consumație de energie intelectuală. Scopul ei este găsirea valorii lui  $\pi$  cât mai exact. Cel dintâi care s'a ocupat de cuadratura cercului a fost Anaxagoras de Clazomène, mort către anul 430 a. C. Dar a fost imposibil să se rezolve această problemă servindu-se numai de linie și de compas. Această imposibilitate, care nu decurge în mod necesar\*) de incommensurabilitatea lui  $\pi$ , a fost aproape demonstrată.  $\pi$  este un număr incommensurabil, adică nu este egal cu vre-un număr întreg și nici nu poate fi pus sub forma unei fracții, adică nu este un număr fracționar. Din cauza incommensurabilității sale,  $\pi$  nu a putut fi calculat exact nici până astăzi. Valoarea știută azi a lui  $\pi$  este aproximativă. Au fost oameni cari i-au dat câteva sute de zecimale și totuși cifrele nu se mai isprăveau și nici nu se observa vre-o regulă de succesiune a cifrelor părții zecimale. Babilonienii îl egalau cu 3. Mai târziu Arhimede (287--212 a. C.) întrebuițează metoda perimetrelor pentru a calcula pe  $\pi$ , adică se da diametrul și trebuie să se caute valoarea corespunzătoare a lui  $L$  și atunci  $\pi$  va fi călul

$$\frac{D}{L} \cdot \text{Aplicând metoda perimetrelor se găsește că:}$$

$$\pi = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{3 \times 2^{n-1} \sqrt{2 - \sqrt{2 + \sqrt{2 + \dots + \sqrt{2 + \sqrt{3}}}}}}{n}$$

numărul radicalilor suprapuse fiind  $n$ .

E. Ștefănescu

## Chestiuni de examen

Subiectul lucrărilor scrise date de d-l profesor I. Banciu la examenul de matematici al clasei a VIII-a particulară de la liceul „Spiru Haret” din București, în sesiunea din Februarie 1924.

### Secțiunea Reală

#### Algebră.

1) Fiind dată ecuația

$$x^3 - 2x^2 + ax + 6 = 0.$$

\*) De exemplu diagonala patratului este incommensurabilă cu latura sa cu toate că putem ușor construi pe una când cunoaștem pe cealaltă.

1). Să se determine valoarea parametrului variabil  $a$ , așa fel în cât să existe următoarea relațiune între rădăcinile ei:

$$x_2 = x_1 + x_3.$$

2) În această ipoteză, să se rezolve ecuația dată.

II). Să se afle relația de condiție între coeficienții  $p$  și  $q$ , pentru ca ecuația:

$$x^2 + px + q = 0$$

Să admită toate rădăcinile reale.

#### Geometrie Analitică.

Prin punctele  $A(5,0)$  și  $B(2,3)$ , se duce o linie dreaptă.

Să se scrie:

1) Ecuația dreptei definite de punctele  $A$  și  $B$ .

2) Ecuația perpendicularei ridicată pe jumătatea segmentului  $AB$ .

3) Să se calculeze suprafața triunghiului format de dreapta

$AB$ , de perpendiculara ridicată, pe jumătatea segmentului  $AB$  și de axul  $YY'$ .

4) Ecuația cercului circumscris triunghiului precedent.

5) Ecuațiile tangentelor la cercul, precedent în punctele unde axul  $YY'$  taie cercul.

#### Secția Modernă.

Seria I. Intr'un triunghiu oarecare  $ABC$  se dă:

$$\hat{A} = 60^\circ \text{ și } \frac{b}{c} = 2 + \sqrt{3}.$$

Se cere:

1) Să se calculeze  $\text{tg} \frac{B-C}{2}$ .

2) Din cunoștințai lui  $\text{tg} \frac{B-C}{2}$ , să se deducă valoarea diferenței  $(B-C)$ .

3) Din cunoștința diferenței  $(B-C)$  precum și a relației care există între unghiurile unui triunghiu oarecare, să se deducă valoarea unghiurilor  $B$  și  $C$ .



Seria II. Într'un triunghiun oarecare ABC, se dă:

$$t = +, c = a + 2 \text{ și } \cos A = \frac{3}{5}.$$

Se cere:

- 1) Să se afle latura a.
- 2) Laturile b și c.
- 3)  $\frac{B}{2}$  și  $\frac{C}{2}$ .

Soluțiunile se vor da în numărul viitor.

I. Banciu

## Probleme rezolvate

**Problema 6.** Un număr împărțit cu 7 dă restul 3 și împărțit cu 27 dă restul 13. Să se afle restul împărțirii aceluși număr prin  $7 \times 27$ .

Emil Ștefănescu

Soluție dată de d-nul: N. Teodorescu (cl. V R.).

După enunț avem  $N = 7p + 3 = 27q + 13$  deci  $7p = 28q + 7 - q + 3 = M7 - (q - 3)$ . . .  $q - 3 = 7m$  deci  $q = 7m + 3$ . . .  
Iar  $N = 27(7m + 3) + 13 = 7 \times 27m + 94$   
 $N = M7 \times 27 + 91$  ceace ne arată că restul împărțirii aceluși număr prin  $7 \times 27$  este 94.

Alte soluții date de d. Eugen Pălărieru (cl. VIII).

**Problema 8.** Să se descompună în factori polinomul:

$$f(x) = x^5 - 2x^4 + x^3 - x^2 + 2x - x^2.$$

N. Teodorescu

Soluție dată de d-nii: Paraschivescu Bosmet Dan (cl. V)

Ionescu Jean (cl. VI), Eugen Pălărieru și Andrei Zamfirescu (elev cl. VIII).

Putem scrie

$$f(x) = x^5(x^2 + 2x + 1) - x^2(x^3 - 2x + 1) = (x^5 - x^2)(x^2 - 2x + 1) \\ f(x) = x^2(x^3 - 1)(x - 1)^2 = x^2(x - 1)(x^2 + x + 1)(x - 1)^2 \\ f(x) = x^2(x - 1)^2(x^2 + x + 1).$$

A mai rezolvat foarte bine problema: Vasile Velciu (cl. VIII Mod.).

**Problema 9.** Să se rezolve sistemul:

$$\begin{cases} 3x + 2y + 3xy = a \\ 6x + 4y + 7xy = b \end{cases}$$

Emil Ștefănescu

**Generalizare.** Să rezolvăm sistemul:

$$\begin{cases} ax + by + cxy = m \\ \alpha x + \beta y + \gamma xy = n \end{cases}$$

Eliminând pe  $xy$  avem

$$(a\gamma - \alpha c)x + (b\gamma - c\beta)y = m\gamma - n\alpha$$

$$y = \frac{m\gamma - n\alpha + (a - \alpha\gamma)x}{b\gamma - c\beta}$$

Înlocuind în prima relație avem:

$$ax + \frac{b[m\gamma - n\alpha + (a - \alpha\gamma)x]}{b\gamma - c\beta} + c \frac{m\gamma - n\alpha + (a - \alpha\gamma)x}{b\gamma - c\beta} = m$$

$$(a - \alpha\gamma)x^2 + (m\gamma - n\alpha + a\beta)x + m\beta - n\alpha = 0$$

și

$$x_{1,2} = \frac{nc - m\gamma + a\beta - ab \pm \sqrt{m^2\gamma^2 + 2(a\beta\gamma + ab\gamma - 2\alpha c\beta)m + c^3n^2}}{2(\alpha c - a\gamma)}$$

$$+ 2(a\beta c + abc - ab\gamma)n - 2c\gamma mn + (a\beta - ab)^2$$

și înlocuind valoarea lui  $x$  în relația care dă pe  $y$  găsim:

$$y_{1,2} = \frac{m\gamma - n\alpha + a\beta - ab \pm \sqrt{m^2\gamma^2 + 2(a\beta\gamma + ab\gamma - 2\alpha c\beta)m + c^3n^2}}{2(b\gamma - c\beta)}$$

$$+ 2(a\beta c + abc - ab\gamma)n - 2c\gamma mn + (a\beta - ab)^2$$

**Aplicație.** În cazul particular avem

$$\begin{cases} a = 3 & b = 2 & c = 5 & m = a \\ \alpha = 6 & \beta = 4 & \gamma = 7 & n = b \end{cases}$$

și găsim

$$x = \frac{5b - 7a \pm \sqrt{(5b - 7a)^2 - 72(2a - b)}}{18}$$

și

$$y = \frac{5b - 7a \pm \sqrt{(5b - 7a)^2 - 72(2a - b)}}{12}$$

Au rezolvat problema fără să o generalizeze d-nii: Ion Ciurănescu și Andrei Zamfirescu (elevi cl. VIII R.), N. Teodorescu (cl. V) și Eugen Pălărieru (cl. VIII R.).



## Exerciții

5. Să se găsească cuburile perfecte de patru cifre, cari sunt și patrate.

Bărbulescu Const.

Acel număr este de forma  $m^6$ . El trebuie să îndeplinească condițiile :

$10^3 < m^6 < 10^4$  sau  $10 < m^2$  și  $m^3 < 100$  deci  $3 < m$  și  $m < 5$  adică  $m=4$  și  $m^6=4096$ .

6. Să se determine a, b, c, d astfel ca polinomul

$$P(x) = x^2 + ax^4 - 7x^3 + bx^2 + cx + d \text{ să fie divizibil cu } (x^2 + x)(x^2 - 3x + 2).$$

N. Teodorescu

$P(x)$  trebuie să se dividă cu  $x(x+1)(x-1)(x-2)$ . Punând condițiile  $P(0)=0$ ,  $P(-1)=0$ ,  $P(1)=0$  și  $P(2)=0$  găsim  $a=1$ ,  $b=-1$ ,  $c=6$ ,  $d=0$ . Câtuț este  $x+3$ .

7. Să se rezolve ecuația

$$4x^4 + 4x^3 - 1 + 4x^2 + 4x - 3 + 4x - 1 = 1364.$$

Ionescu Jean

Avem

$$4x^4 - (256 + 64 + 16 + 4 + 1) = 1364 \quad \dots \quad 4x^4 = 4 \quad \dots \quad x = 5.$$

8. Să se arate că

$$\binom{n}{m} \binom{n}{m}$$

este un număr întreg.

Emil Ștefănescu

Avem

$$\binom{n}{m} \binom{n}{m} = \frac{(m-1)(m-2)\dots(m-n+1)}{12\dots(n-1)}.$$

La numărător este produsul a  $(n-1)$  numere consecutive, care produs înțoldeauna se divide cu produsul primelor  $(n-1)$  numere consecutive.